

[1]

関数 $y=ax^2$ ($a \neq 0$) について、定義域と値域が次のようになるときの定数 a の値を求めなさい。

- (1) 定義域が $-1 \leq x \leq 2$, 値域が $0 \leq y \leq 2$
- (2) 定義域が $-3 \leq x \leq 4$, 値域が $-12 \leq y \leq 0$
- (3) 定義域が $-\sqrt{2} \leq x \leq \sqrt{3}$, 値域が $0 \leq y \leq 6$

[2]

次の問いに答えなさい。

- (1) 関数 $y=-2x^2$ について、定義域が $-2 \leq x \leq a$ のとき、値域が $-18 \leq y \leq b$ となる。定数 a, b の値を求めなさい。
- (2) 関数 $y=ax^2$ ($a \neq 0$) について、定義域が $-4 \leq x \leq 2$ のとき、値域が $b \leq y \leq 8$ となる。定数 a, b の値を求めなさい。

[3]

- (1) 定義域が $-4 \leq x \leq 2$ である 2 つの関数 $y=3x^2$, $y=ax+b$ ($a < 0$) の値域が一致するような定数 a, b の値を求めなさい。
- (2) 定義域が $-\frac{4}{3} \leq x \leq 4$ である 2 つの関数 $y=ax^2$ ($a > 0$), $y=6x+b$ の値域が一致するような定数 a, b の値を求めなさい。

解答

1

解答 (1) $a = \frac{1}{2}$ (2) $a = -\frac{3}{4}$ (3) $a = 2$

2

解答 (1) $a = 3, b = 0$ (2) $a = \frac{1}{2}, b = 0$

3

解答 (1) $a = -8, b = 16$ (2) $a = 2, b = 8$